



# Reminder...

- Διαλέξεις

- Προαιρετική παρουσία!

- Είστε εδώ γιατί **θέλετε** να ακούσετε/συμμετέχετε

- Δεν υπάρχουν απουσίες

- Υπάρχει σεβασμός στους συναδέλφους σας και στην εκπαιδευτική διαδικασία

- Προστατέψτε εσάς και τους συναδέλφους σας: απέχετε από το μάθημα αν δεν είστε/αισθάνεστε καλά



Εικόνα: Τα αυτιά του ανθρώπου έχουν εξελιχθεί να ακούν και να ερμηνεύουν ηχητικά κύματα ως φωνή ή ως ήχους. Κάποια ζώα, όπως το είδος αλεπούς με τα αυτιά νυχτερίδας, έχουν αυτιά που είναι προσαρμοσμένα να ακούν πολύ αδύναμους ήχους.

# Φυσική για Μηχανικούς

Ηχητικά Κύματα

Το φαινόμενο Doppler



Εικόνα: Τα αυτιά του ανθρώπου έχουν εξελιχθεί να ακούν και να ερμηνεύουν ηχητικά κύματα ως φωνή ή ως ήχους. Κάποια ζώα, όπως το είδος αλεπούς με τα αυτιά νυχτερίδας, έχουν αυτιά που είναι προσαρμοσμένα να ακούν πολύ αδύναμους ήχους.

# Φυσική για Μηχανικούς

Ηχητικά Κύματα

Το φαινόμενο Doppler

# Ηχητικά Κύματα

## • Το φαινόμενο Doppler

- Άκρως συχνή εμπειρία!
- Ένα όχημα με σειρήνα μας πλησιάζει και απομακρύνεται από μας
  - Το ακούμε με υψηλότερη συχνότητα καθώς έρχεται προς εμάς
  - Το ακούμε με χαμηλότερη συχνότητα καθώς απομακρύνεται



Doppler effect

Στάσιμη πηγή ήχου



Πηγή ήχου που πλησιάζει



Παρατηρητής

Πηγή ήχου που απομακρύνεται



# Ηχητικά Κύματα

## • Το φαινόμενο Doppler

### • Διασθητική κατανόηση

- Κύματα χτυπούν την ακίνητη βάρκα με περίοδο  $T$

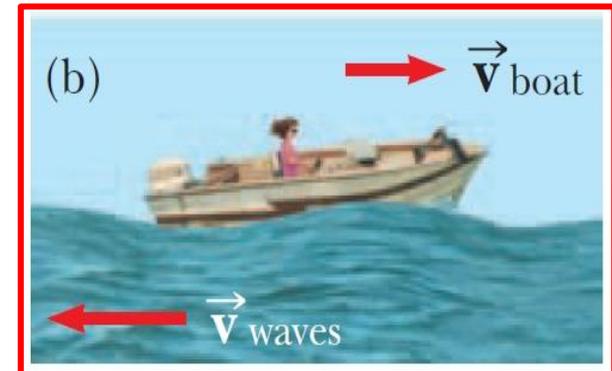
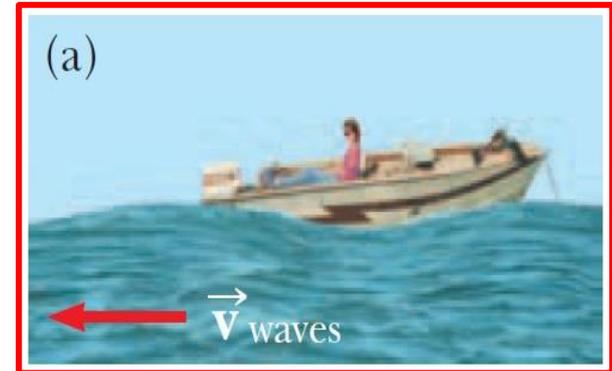
- Αν προχωρήσει η βάρκα προς την πηγή, κάθε κυματισμός θα φτάνει γρηγορότερα απ' ό,τι πριν

- Λόγω της κίνησής μας προς την πηγή

- Μετράμε περίοδο  $T' < T$

- Τα κύματα φτάνουν «πιο συχνά» στη βάρκα

- $f' = 1/T' > f = 1/T$



# Ηχητικά Κύματα

## • Το φαινόμενο Doppler

### • Διαισθητική κατανόηση

- Κύματα χτυπούν την ακίνητη βάρκα με περίοδο  $T$

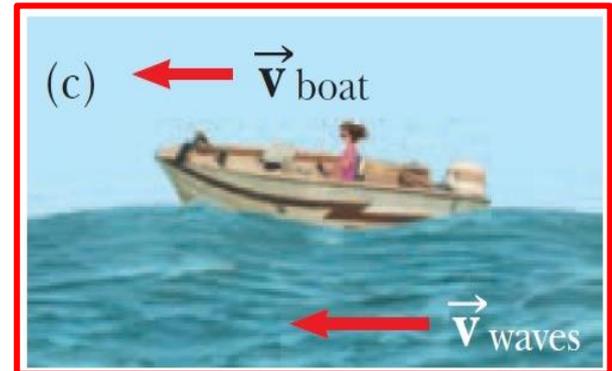
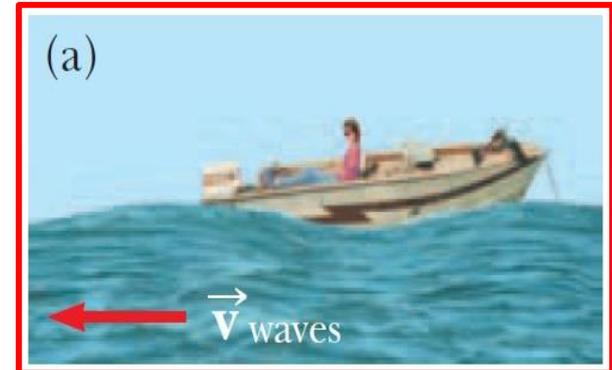
- Αν προχωρήσει η βάρκα μακριά από την πηγή, κάθε κυματισμός θα φτάνει αργότερα απ' ό,τι πριν

- Λόγω της κίνησής μας μακριά από την πηγή

- Μετράμε περίοδο  $T' > T$

- Τα κύματα φτάνουν «πιο αραιά» στη βάρκα

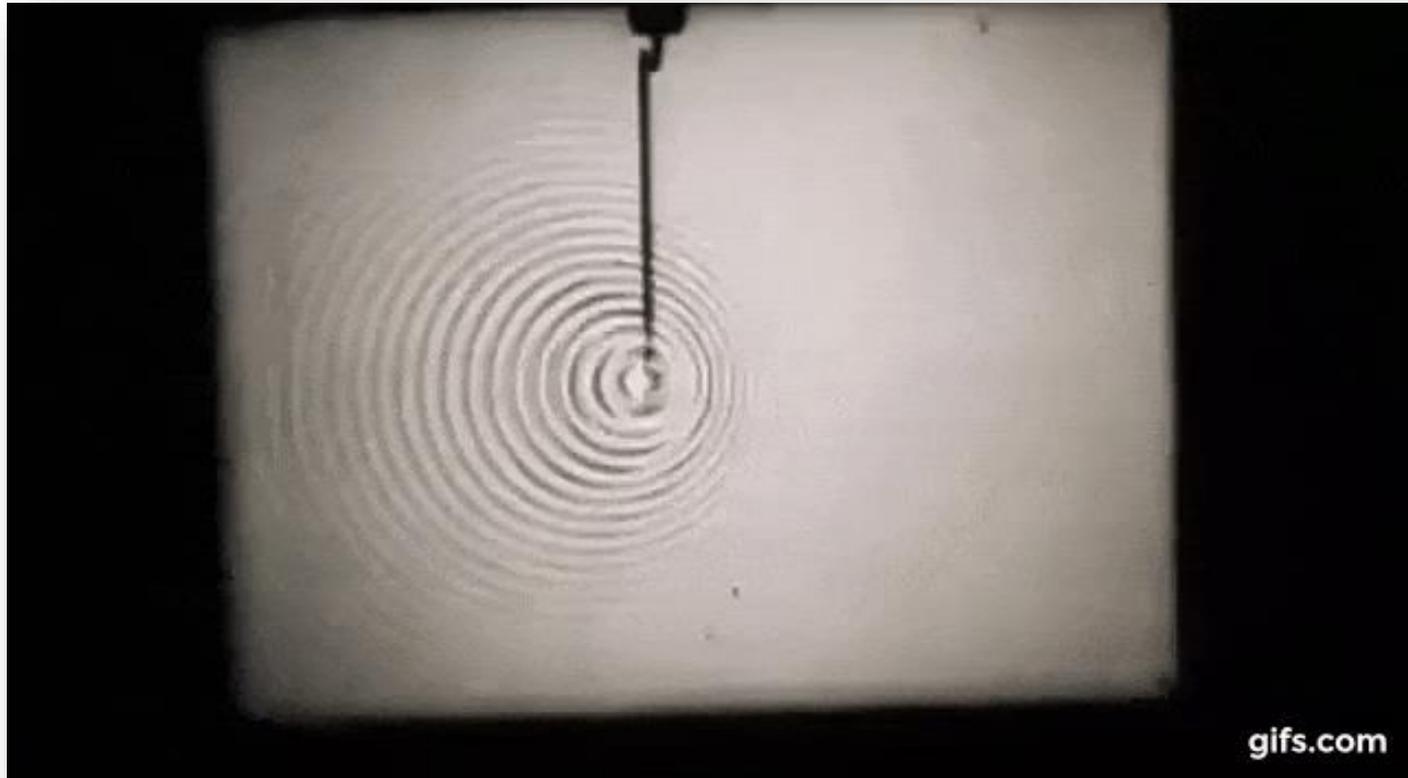
- $f' = 1/T' < f = 1/T$



# Ηχητικά Κύματα

- Το φαινόμενο Doppler

- Ευθέως ανάλογα για μια ηχητική πηγή



# Ηχητικά Κύματα

## ○ Το φαινόμενο Doppler

- Στάσιμη πηγή

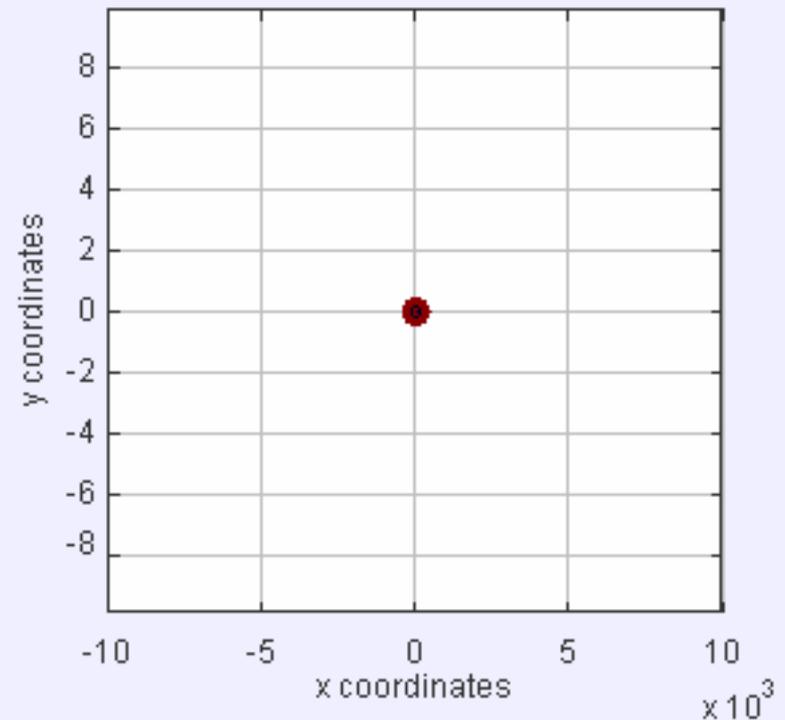
- Συχνότητα πηγής  $f$

- Περίοδος  $T$

- Μήκος κύματος  $\lambda$

- Ένας ακίνητος παρατηρητής αντιλαμβάνεται τη συχνότητα  $f$  της πηγής

$\times 10^3$  Doppler Effect Model in 1 Doppler Effect



# Ηχητικά Κύματα

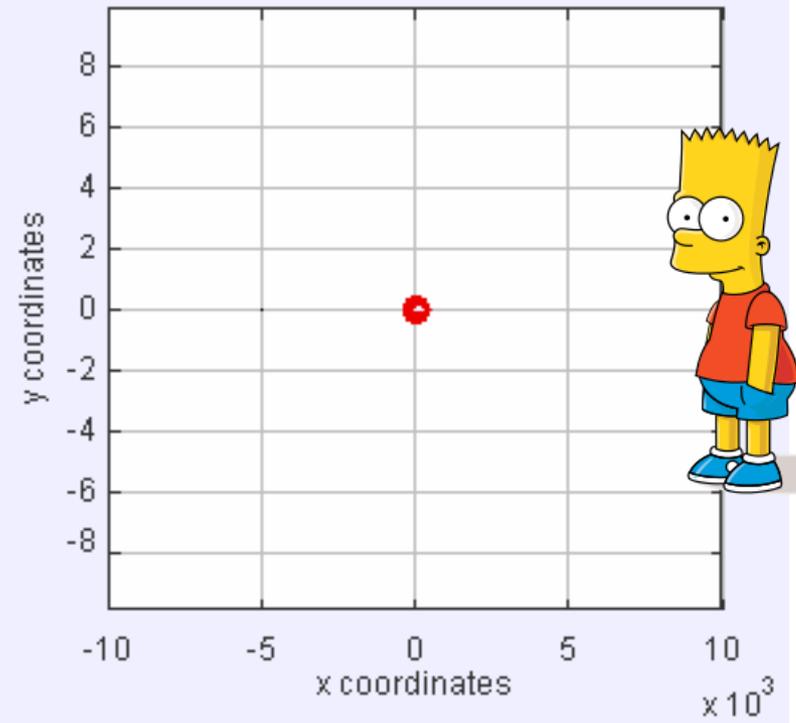
## ○ Το φαινόμενο Doppler

- Κινούμενη πηγή
  - Προς τον παρατηρητή
- Συχνότητα πηγής  $f$
- Περίοδος  $T$
- Μήκος κύματος  $\lambda$
- Ταχύτητα πηγής  $u_s$
- Ταχύτητα ήχου  $u$

- Ένας ακίνητος παρατηρητής αντιλαμβάνεται συχνότητα

$$f' = \frac{u}{\lambda'} = \frac{u}{\lambda - \frac{u_s}{f}} = \frac{u}{\left(\frac{u}{f}\right) - \left(\frac{u_s}{f}\right)} = \left(\frac{u}{u - u_s}\right) f$$

$\times 10^3$  Doppler Effect Model in 1 Doppler Effect

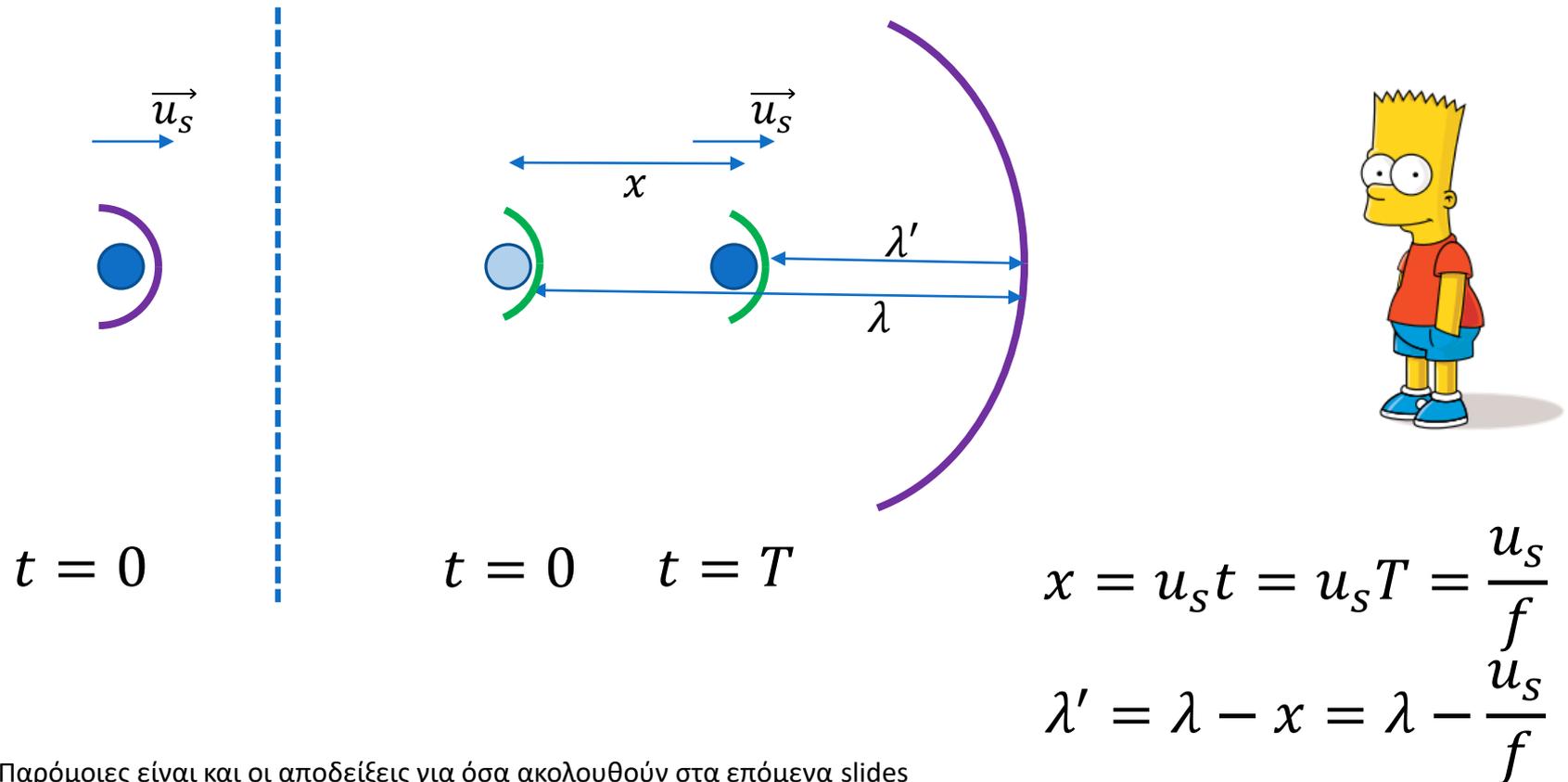


# Ηχητικά Κύματα

## • Το φαινόμενο Doppler

### • Κινούμενη πηγή προς τον παρατηρητή - επεξήγηση

— 1<sup>ο</sup> κυματικό μέτωπο  
— 2<sup>ο</sup> κυματικό μέτωπο



Παρόμοιες είναι και οι αποδείξεις για όσα ακολουθούν στα επόμενα slides

# Ηχητικά Κύματα

## ○ Το φαινόμενο Doppler

### ○ Κινούμενη πηγή

#### ○ Μακριά από τον παρατηρητή

### ○ Συχνότητα πηγής $f$

### ○ Περίοδος $T$

### ○ Μήκος κύματος $\lambda$

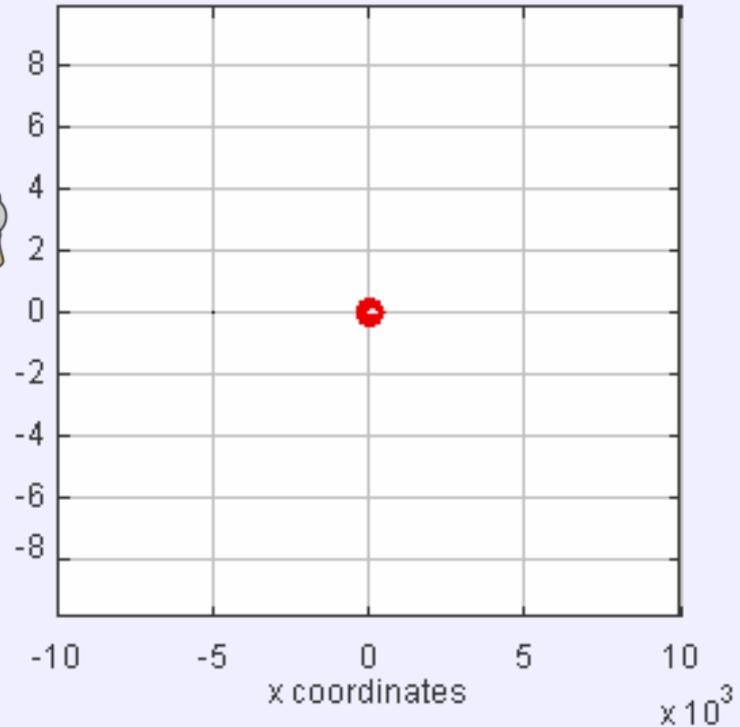
### ○ Ταχύτητα πηγής $u_s$

### ○ Ταχύτητα ήχου $u$

### ○ Ένας ακίνητος παρατηρητής αντιλαμβάνεται συχνότητα

$$f' = \frac{u}{\lambda'} = \frac{u}{\lambda + \frac{u_s}{f}} = \frac{u}{\left(\frac{u}{f}\right) + \left(\frac{u_s}{f}\right)} = \left(\frac{u}{u + u_s}\right) f$$

$\times 10^3$  Doppler Effect Model in 1 Doppler Effect



# Ηχητικά Κύματα

## ○ Το φαινόμενο Doppler

### ○ Κινούμενος παρατηρητής

#### ○ Πλησιάζει την πηγή

### ○ Συχνότητα πηγής $f$

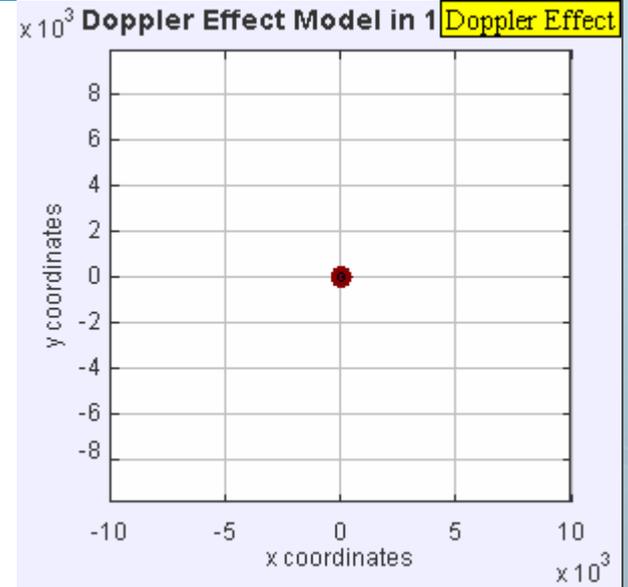
### ○ Περίοδος $T$

### ○ Μήκος κύματος $\lambda$

### ○ Ταχύτητα παρατηρητή $u_o$

### ○ Ταχύτητα ήχου $u$

### ○ Ένας κινούμενος παρατηρητής που πλησιάζει την πηγή αντιλαμβάνεται συχνότητα

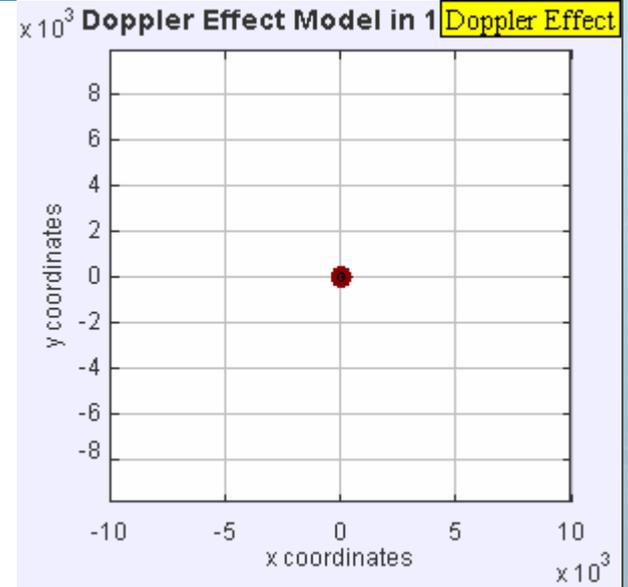


$$f' = \frac{u'}{\lambda} = \left( \frac{u + u_o}{u} \right) f$$

# Ηχητικά Κύματα

## ○ Το φαινόμενο Doppler

- Κινούμενος παρατηρητής
  - Απομακρύνεται από την πηγή
- Συχνότητα πηγής  $f$
- Περίοδος  $T$
- Μήκος κύματος  $\lambda$
- Ταχύτητα παρατηρητή  $u_o$
- Ταχύτητα ήχου  $u$



- Ένας κινούμενος παρατηρητής που απομακρύνεται από την πηγή αντιλαμβάνεται συχνότητα

$$f' = \frac{u'}{\lambda} = \left( \frac{u - u_o}{u} \right) f$$

# Ηχητικά Κύματα

## • Το φαινόμενο Doppler

- Κίνηση και των δυο
- Συχνότητα πηγής  $f$
- Περίοδος  $T$
- Μήκος κύματος  $\lambda$
- Ταχύτητα παρατηρητή  $u_o$  και πηγής  $u_s$
- Ταχύτητα ήχου  $u$
- Ένας κινούμενος παρατηρητής αντιλαμβάνεται συχνότητα μιας κινούμενης πηγής

Συχνότητα αντίληψης παρατηρητή

$$f' = \left( \frac{u \pm u_o}{u \pm u_s} \right) f$$

Ταχύτητα παρατηρητή

Ταχύτητα ήχου

Συχνότητα εκπομπής πηγής

Ταχύτητα πηγής

Πώς επιλέγουμε πρόσημα στη σχέση αυτή?

1. Πηγή και παρατηρητής **κινούνται ο ένας προς τον άλλο**: πρόσημα που αυξάνουν το  $f'$
2. Πηγή και παρατηρητής **απομακρύνονται ο ένας από τον άλλο**: πρόσημα που μειώνουν το  $f'$
3. Οι ταχύτητες εννοούνται πάντα κατά **μέτρο!**

# Ηχητικά Κύματα

Πώς επιλέγουμε πρόσημα στη σχέση αυτή?

## • Το φαινόμενο Doppler – Quiz

- Πηγή πλησιάζει, παρατηρητής απομακρύνεται



$$f' = \frac{u - u_0}{u - u_s} f$$

- Πηγή απομακρύνεται, παρατηρητής πλησιάζει



$$f' = \frac{u + u_0}{u + u_s} f$$

- Παρατηρητής απομακρύνεται, πηγή απομακρύνεται



$$f' = \frac{u - u_0}{u + u_s} f$$

- Παρατηρητής πλησιάζει, πηγή πλησιάζει



$$f' = \frac{u + u_0}{u - u_s} f$$

● Source  
● Observer

# Ηχητικά Κύματα

## ◉ Παράδειγμα:

- ◉ Το ξυπνητήρι σας παράγει έναν ήχο συχνότητας 600 Hz. Ένα πρωί, «κολλάει» και δεν μπορείτε να το κλείσετε. Στην απελπισία σας, το πετάτε («αφήνετε») από το παράθυρο. Αν υποθέσετε ότι η ταχύτητα του ήχου είναι 343 m/s, και ότι βρίσκεστε στον 4<sup>ο</sup> όροφο (15 m από το έδαφος), τι συχνότητα θα ακούσετε λίγο πριν γίνει κομματάκια;



# Ηχητικά Κύματα

## ◉ Παράδειγμα – Λύση:

- ◉ Το ξυπνητήρι σας παράγει έναν ήχο συχνότητας 600 Hz. Στην απελπισία σας, το πετάτε (αφήνετε) από το παράθυρο. Αν η ταχύτητα του ήχου είναι 343 m/s, και βρίσκεστε 15 m από το έδαφος, τι συχνότητα θα ακούσετε λίγο πριν γίνει κομματάκια;

$$f' = \left( \frac{u \pm u_o}{u \pm u_s} \right) f$$

Η συχνότητα που αναφέρεται να ακούσαμε

είναι  $f' < f$  γιατί η πηγή κινείται αποβακρυόμενη από ακίνητο παρατηρητή. Χρειαζόμαστε

το  $u_B$  ώστε να υπολογίσουμε τη συχνότητα  $f_B$ .

Θεωρούμε τη διαδρομή A → B, που το ξυπνητήρι εκτελεί επιταχυνόμενη κίνηση με σταθερή  $\vec{a}_y$ .

Είναι 
$$u_B^2 = u_A^2 - 2g \Delta y = 0 - 2 \cdot 9.8 \cdot (-15) \Rightarrow$$

$$\Rightarrow u_B \approx -17.14 \frac{m}{s} \Rightarrow |\vec{u}_B| \approx 17.14 \frac{m}{s}$$

Άρα 
$$f' = \left( \frac{u}{u + u_B} \right) f \approx 571 \text{ Hz}$$

$y = 15 \text{ m}$   
A   $u_A = 0$   
 $f_A = 600 \text{ Hz}$



$y = 0$   
B   $u_B = ?$   
 $f_B = ?$



Τέλος Διάλεξης

